

因为区间的交还是一个区间，所以我们考虑枚举最终区间的交  $[L,R]$ 。然后统计  $l_i \leq L$  且  $R \leq r_i$  的区间个数，令为  $tot$  个；则将  $\min(R-L+1, tot)$  去更新答案。

优化这个过程，我们可以只枚举右端点，然后考虑对于每一个左端点  $L(L \leq R)$ ，维护出有多少区间包含  $[L,R]$ ，记为  $f(L)$ 。

容易发现当  $R$  固定时，随着  $L$  增加， $R-L+1$  是一个减函数，而  $f(L)$  是一个增函数。所以  $\min(R-L+1, f(L))$  的最大值，必然是取到这两个函数最接近的时候最优。

朴素的想法，我们可以二分  $L$ ，找到最小的一个  $L$ ，满足  $R-L+1 \leq f(L)$ ，然后取  $L-1, L$  的信息去更新答案。

因为线段树本质也是一个分治结构的形态，所以对于二分答案的题，是可以直接在线段树上二分的。具体来说，我们令  $T(L) = R-L+1-f(L)$ ，这样  $T(L)$  是一个减函数，我们直接在线段树上二分找到对应的即可。

当  $R$  增加的时候，我们时时维护一下线段树即可，需要支持区间加，区间询问最小值。